

Projeto e Análise Algoritmos
Lista $\mathcal{CA}_0$

RAUL H.C. LOPES

1. INTRODUÇÃO

Os seguintes exercícios serão usados como roteiro de aula.

2. OS EXERCÍCIOS

Exercício 1. *Quantos números de nove dígitos contêm o dígito 1?*

Exercício 2. *Calcule o número de subconjuntos de um conjunto de n elementos.*

Exercício 3. *Qual é o número de endereços disponíveis no protocolo **IPV4**?*

Exercício 4. *Dado um conjunto de cardinalidade n , calcule o número de seleções ordenadas de r elementos do mesmo.*

Exercício 5. *Calcule o número de arranjos possíveis para sentar n pessoas em uma fila.*

Exercício 6. *Calcule o número de arranjos possíveis para sentar n pessoas em um círculo.*

Exercício 7. *Relacione os resultados de ex. 5 e ex. 6 com a complexidade de solução do **TSP**.*

Exercício 8. *Calcule a quantidade de números inteiros com dois dígitos.*

Exercício 9. *Dado um conjunto de cardinalidade n , calcule o número de seleções ordenadas de r elementos do mesmo, usando a regra da soma.*

Exercício 10. *Calcule o número de interleavings de um conjunto de m threads.*

Exercício 11. *Dado um conjunto de n elementos, calcule o número de r -seleções ordenadas, admitindo-se repetição irrestrita.*

Exercício 12. *Dado um conjunto de n elementos, calcule o número de r -seleções não ordenadas.*

Exercício 13. Use *exrefrcombs*, para calcular o número de subconjuntos de um conjunto.

3. ARGUMENTO COMBINATORIAL

Apresente ao menos duas provas, usando argumento combinatorial e algébrico, para cada uma das identidades abaixo.

Exercício 14.

$$\binom{n}{r} = \binom{n}{n-r}$$

Exercício 15.

$$\sum_{0 \leq i \leq r} \binom{n+i}{i} = \binom{n+r+1}{r}$$

Exercício 16.

$$\binom{n}{r} \binom{r}{k} = \binom{n}{k} \binom{n-k}{r-k}$$

Exercício 17.

$$(x+y)^n = \sum_{0 \leq i \leq n} \binom{n}{i} x^{n-i} y^i$$

Exercício 18.

$$\sum_{0 \leq i \leq n} \binom{n}{i} = 2^n$$

Exercício 19.

$$\sum_{0 \leq i \leq n} (-1)^i \binom{n}{i} = 0$$

Exercício 20.

$$\binom{n+m}{r} = \sum_{0 \leq i \leq r} \binom{n}{i} \binom{m}{r-i}$$

Exercício 21.

$$\binom{n+m}{n} = \sum_{0 \leq i \leq n} \binom{m}{i} \binom{n}{i}$$